

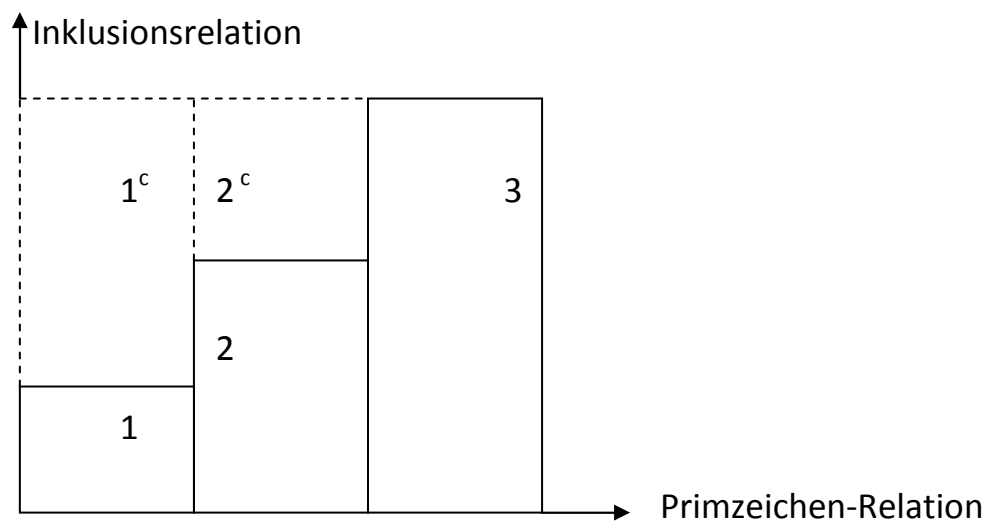
Prof. Dr. Alfred Toth

Zur Struktur semiotischer Komplementarität.

1. In Toth (2010) und einigen weiteren Arbeiten wurde zwischen dem Treppen-, dem Aufzugs- und dem Eskalator-Modell unterschieden. Entsprechend verschieden sind die Typen semiotischer Komplementarität.

2. Treppenmodell

$$ZR = (M, ((M \rightarrow O), (M \rightarrow O \rightarrow I)))$$



mit $1 \subset \{2, 3\}$, $2 \subset \{3\}$

$$1^c = 2 = 1 + 1^c = (3 - 2^c)$$

Hier genügt also „einfache“ Komplementarität; sie ist trotzdem nicht auf Konversion zurückführbar (vgl. Toth 2010).

2. Das „Aufzugs-Modell“

$$ZR = ((M, (M \rightarrow O), (O \rightarrow I)))$$

0^c	1^{c1}	2^{c1}	3
		2	
	1		3^c
0	1^{c2}	2^{c2}	

mit $0 \subset 1 \subset 2 \subset 3$, $0^c = 1^{c1} + 2^{c1} + 3^c$, $1^c = 2 + 2^{c1}$, $2 = 2^{c1} = 3$, $2^{c2} = 1 + 1^{c2}$, $3^c = 2 + 2^{c2}$, $3 = 2 + 2^{c1} + 2^{c2} = 1 + 1^{c1} + 1^{c2} = 0 + 0^c$.

3. Das „Eskalator“-Modell

ZR = $(M \subset \{(O \subset \{I\}), I\})$

		2^c	3
	1^c		
0^c		2	$2^{cr} = 3^{cl}$
	1	$1^{cr} = 2^{cl}$	
0	$0^{cr} = 1^{cl}$	2^c	3^c

mit $0 \subset \{1, 2, 3\}$, $0, 1 \subset \{2, 3\}$, $0, 1, 2 \subset \{3\}$ und $0^c = 1 + 1^c = 2 + 2^c + 1^{cr} = 2^{cl}$, $2^c = 2^{cr} = 3^{cl} = 3$, usw. (analog zu oben).

Wir stellen also fest, dass wir bereits beim 2. Zeichenmodell zwischen 2 Typen von Komplementarität, beim 3. Zeichenmodell zwischen mindestens 3 Typen unterscheiden müssen.

Die allgemeine Regel lautet nun: Da wir von einer triadischen Relation ausgehen, gibt es nur drei mögliche Partitionen relationaler Felder in Bezug auf Komplementaritäten:

$$1 \rightarrow 3 / 2 + 1 / 1 + 1 + 1$$

$$2 \rightarrow 2 / 1 + 1$$

$$3 \rightarrow 1$$

Hier wird vorausgesetzt, dass Komplementarität bzw., wie Bogarin (1992) sich ausgedrückt hatte, „Symplerosis“, diejenige semiotische (abelsche) Gruppe betrifft, für die gilt:

$$1 \leftrightarrow 3$$

$$2 \equiv 2,$$

d.h. komplementäre semiotische Kategorien sind symplerotische Kategorien mit der oben aufgewiesenen Partition.

Bibliographie

Bogarin, Jorge, Symplerosis. In: Semiosis 65-68, 1992, S. 87-94

Toth, Alfred, Treppe, Aufzug und Eskalator. In: Electronic Journal of Mathematical Semiotics, 2010

2.8.2010

